

# Da li je moguće?



Jesenji seminar MAT1, 2017

24. oktobar, 2017.

Da li je moguće jedan krug prekriti  
pomoću dva manja kruga?

Da li je moguće da, sabirajući razlomke:

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots$$

u jednom trenutku premašimo vrednost 2017?

Da li je moguće da je  $e + \pi$   
racionalan broj?

Ako su  $a$  i  $b$  iracionalni brojevi, da li je moguće da

$$a^b$$

bude racionalan?

Da li je moguće da prirodan broj  $n$  ima zbir cifara 2017, a da broj  $n^2$  ima zbir cifara  $2017^2$ ?

Aca i Branko igraju sledeću igru:  
naizmenično na tabli zapisuju brojeve  
iz skupa  $\{1, 2, 3, \dots, 2017\}$  ali tako da  
svaki novi zapisan broj ne sme deliti  
niti jedan već zapisan broj. Aca igra  
prvi, a ko ne može da odigra potez,  
izgubio je. Da li je moguće da Branko  
pobedi?